科目ナンハ	ジリング	U-LAS	S70 10001 SJ50									
授業科目名 <英訳>	ILASセミナー: 三枝洋一「数論幾何入門」 を読む ILAS Seminar: Reading "Introduction to Arithmetic Geometry" by Yoichi Mieda										哲史	
群	少人数群	単位数		2単位		週	週コマ数		マ	授業形態	ゼミナール	,(対面授業科目)
開講年度· 開講期	2025・前期	受講簿 (1 回生	定員 :定員)	8 (8)	人	配	当学年	1 [回生	対象学生	全学[
曜時限	水5		教室 理学研究和 構内)			究科	科 6 号館602号室 (北部			使用言語	日本語	
キーワード	代数学関連 / 整数論 / 数論幾何 / モジュラー曲線 / 保型形式											

[授業の概要・目的]

数論幾何とは,幾何学的な方法で方程式や整数の性質を研究する数学の一分野である.整数は,定 義は単純だが,その定義からは想像もできないような不思議な性質を持っている.まだまだ未解決 の問題も多い.

この授業では,「モジュラー曲線」を題材に,数論幾何の基本的な考え方を学ぶ.また,数論幾何の様々な定理に触れる.

[到達目標]

数論幾何の基礎を学ぶ.数論幾何の研究に使われる代数学や解析学の手法を学ぶ.具体例を通じて 計算する技術を身に付ける.整数という身近な題材を通じて,数学の問題を論理的に考察する練習 や,専門書を自ら読み進める練習を行う.

[授業計画と内容]

授業は輪講形式で行う.

授業の進め方は次の通りである.第1回の授業では参加者の発表箇所を決める.各回の授業では, 発表担当者があらかじめ割り当てられた内容について板書を使って説明する.1回の授業につき2人 が発表を行う.各参加者にとっては,およそ4回に1回程度,自分の発表の番が回ってくる. 本授業では予習と復習は必須である.

学期末には授業に関連した内容についてのレポートを提出すること.

授業予定は以下の通りである.以下の内容について全15回(フィードバックを含む)の授業を行う これらはおよそ教科書の前半部分(1章から7章まで)の内容に相当する.

- (1) 数論幾何学への招待 (2回)
- (2) モジュラー曲線とは(2回)
- |(3) モジュラー曲線 (SL_2(Z)) (2回)
- |(4) 保型関数と保型形式 (2回)
- |(5) モジュラー曲線 (0(p)) (2回)
- (6) モジュラー曲線 (_1(11)) の方程式 (2回)
- 【(7) モジュラー曲線のFp有理点 (2回)

[履修要件]

特になし

ILASセミナー : 三枝洋一「数論幾何入門」を読む(2)

[成績評価の方法・観点]

発表への取り組み(25点),討論への積極的な参加(25点),学期末レポート(50点)により評価する.

[教科書]

三枝洋一 『数論幾何入門 モジュラー曲線から大定理・大予想へ』(森北出版)ISBN:978-4-627-07891-8

第1回の授業の際に発表箇所を決めるので,その時までに教科書を入手しておくこと.

[授業外学修(予習・復習)等]

この授業は輪講形式であり予習・復習は必須である.

授業への積極的な参加が望まれる.

発表時には,教科書に書かれていることを表面的に読むだけでなく,説明が分かりにくいところは 自分で補ったり,興味深い定理があったら例を計算してみるなどして,理解を深めるように試みる とよい.

自分が発表担当でない回でも教科書の予習を行うこと.自分ならどのように発表するかということ を考えながら参加するとよい.発表者の説明が分かりにくい箇所については積極的に質問すること

[その他(オフィスアワー等)]

授業後に質問を受け付ける.

[主要授業科目(グ部・	学科名) 1
	JH	JII	/